

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования и науки Удмуртской Республики**

**Муниципальное образование «Муниципальный округ Вавожский район Удмуртской Республики»  
МОУ Новобининская СОШ**

**РАССМОТРЕНО**

Заседание  
педагогического совета  
Протокол № 7 от  
«29» августа 2024 г.

**СОГЛАСОВАНО**

заместитель директора  
по УВР  
ВИЧ- Шемякина В.Н.  
«29» августа 2024 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

директор  
Морозова Е.В.  
Приказ № 260-од от  
«29» августа 2024 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
элективного курса по математике  
«Избранные вопросы математики»  
для обучающихся 10 класса**

**д. Новая Бия  
2024**

## **Пояснительная записка**

Рабочая программа элективного курса по математике «Избранные вопросы математики» составлена для обучающихся 10 класса МОУ Новобийинской СОШ на основе требований к результатам освоения ФОП СОО, представленных в ФГОС СОО, а также федеральной рабочей программы воспитания, с учётом Концепции преподавания математики в Российской Федерации (утверждённой распоряжением Правительства Российской Федерации от 9 апреля 2016 г. № 637-р) и подлежит непосредственному применению при реализации обязательной части ФОП СОО.

Согласно учебному плану образовательного учреждения на изучение элективного курса по математике в 10 классе отводится 1 час в неделю, что составляет 34 часа в год.

При реализации данной программы возможно применение электронного обучения и дистанционных образовательных технологий. Воспитательный компонент рабочей программы реализуется посредством модуля «Школьный урок» рабочей программы воспитания.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

#### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

#### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

#### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельности учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

#### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

#### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

#### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

#### **7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач

в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структуринировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

**Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат; в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения; представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

#### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

**Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений,

применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл, использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

**Функции и графики:**

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

**Начала математического анализа:**

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;  
использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;  
свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;  
свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;  
свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;  
свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;  
вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;  
использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

#### **Множества и логика:**

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;  
использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;  
свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

#### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;  
свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;  
свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

#### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;  
осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;  
свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;  
свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств; решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;  
применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;  
моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

#### **Функции и графики:**

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;  
строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;  
свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;  
применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

**Начала математического анализа:**

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;  
находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;  
использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;  
свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;  
находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;  
иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;  
решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа

### *Содержание элективного курса*

**1. Целые уравнения (7 ч).**

Преобразование алгебраических уравнений. Решение алгебраических уравнений методом подбора. Решение алгебраических уравнений методом группировки и разложением на множители. Решение алгебраических уравнений методом замены переменной. Однородные уравнения. Решение алгебраических уравнений методом введения параметра. Возвратное уравнение. Метод неопределенных коэффициентов.

**2. Дробно-рациональные уравнения. (6 ч.)**

Общие положения. Сведение рационального уравнения к алгебраическому. Решение рациональных уравнений методом разложения на множители и делением на  $x \neq 0$ . Решение рациональных уравнений методом замены переменных

**3. Применение свойств функций при решении уравнений (9 ч.)**

Использование области определения функции при решении уравнения. Использование монотонности функции при решении уравнений. Решение задач с помощью построения графиков левой и правой части уравнения или неравенства и «считывания» нужной информации с рисунка. Метод оценки (мажорант) Использование ограниченности функций, входящих в левую и правую части уравнений.

**4. Уравнения с параметром (6 ч.)**

Аналитические и геометрические приемы решения задач с параметрами.

Использование графических иллюстраций в задачах с параметрами. Использование ограниченности функций, входящих в левую и правую части уравнений и неравенств.

Использование симметрии аналитических выражений. Метод решения относительно параметра. Применение равносильных переходов при решении уравнений и неравенств с параметром

**5. Уравнения, содержащие переменную под знаком модуля (6 ч.)**

Способы и

методы решения уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Графический метод решения уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

## ***Тематическое планирование***

<b>раздел</b>	<b>№</b>	<b>Кол-во</b>	<b>Тема занятия</b>	<b>Примечание</b>
<b>Целевые уравнения. (7 ч.)</b>	1	1	<b>Уравнения. Равносильные уравнения</b>	
	2	1	Однородные уравнения	
	3	1	Возвратное уравнение	
	4	1	Решение возвратных уравнений	
	5	1	Метод неопределенных коэффициентов	
	6	1	Решение алгебраических уравнений методом введения параметра	
	7	1	Решение уравнений	
<b>Дробно-рациональные уравнения (6 ч.)</b>	8	1	Дробно-рациональные уравнения. Общие положения.	
	9	1	Сведение решения дробно-рационального уравнения к алгебраическому.	
	10	1	Решение дробно-рациональных уравнений методом разложения на множители и делением на $x, x \neq 0$	
	11	1	Метод замены переменных в дробно-рациональных уравнениях	
	12	1	Решение уравнений методом замены переменных	
	13	1	Решение уравнений	
<b>Применение свойств функций при решении уравнений (9 ч.)</b>	14	1	Повторение и обобщение. Способы задания функции.	
	15	1	Нахождение области определения и области значения функции.	
	16	1	Использование области определения функции при решении уравнений.	
	17	1	Решение уравнений с использованием ООФ.	
	18	1	Использование монотонности функции при решении уравнений.	
	19	1	Графический способ решения уравнений.	
	20	1	Решение уравнений графическим способом.	
	21	1	Решение уравнений	
	22	1	Метод оценки (мажорант)	
	23	1	Графические методы. Классификация задач.	
	24	1	Решение уравнений графическим методом	
	25	1	Свойства функций в задачах с параметрами	
<b>Уравнения с параметром (6)</b>	26	1	Аналитические методы. Классификация задач	
	27	1	Решение уравнений алгебраическим способом	
	28	1	Рациональные алгебраические уравнения с параметрами	
	29	1	Модуль действительного числа. Геометрический смысл модуля	
	30	1	Способы и методы решения уравнений, содержащих переменную под знаком модуля	
	31	1	Решение уравнений	
<b>Уравнения, содержащие модуль (6 ч.)</b>	32	1	Графический метод решения уравнений, содержащих переменную под знаком модуля	
	33	1	Решение уравнений	
	34	1	Итоговый зачет	

## **Контрольно – измерительные материалы**

### **ТЕСТ «Графический метод решения уравнений» I вариант**

1. Корень уравнения  $x^2 + 4x = \sqrt{x^3}$  равен:  
А) -2    Б) -1    В) 0    Г) 1    Д) 2

2. Сумма корней уравнения  $x^2 - x - 3 = 3$  равна:  
А) 4    Б) 2    В) -4    Г) 0    Д) -2

3. Произведение корней уравнения  $-0.5x^2 + 3 = x^2 - 3$   
А) 2    Б) 1    В) 6    Г) -2    Д) -4

4. Корни уравнения  $2\sqrt{x} = 2x$  принадлежат промежутку:  
А)  $[0;1]$     Б)  $[-1;1]$     В)  $(0;1)$     Г)  $[1;3]$     Д)  $(2;5)$

5. Система уравнений  $\begin{cases} x^2 + y^2 = 2x \\ \sqrt{y} = |x| \end{cases}$

А) 0 решений    Б) 1 решение    В) 2 решения    Г) 3 решения    Д) 4 решения

6. Система уравнений  $\begin{cases} y^2 - |x| = 0 \\ |y+1| = |x+1| \end{cases}$  имеет решение

А ) (-4;-2)    Б)(-1;-1)    В)(0;0)    Г)(4;-2)    Д)(1;-1)

### **II вариант**

1. Большой корень уравнения  $2/x + 1 = x^3 + 2$  равен:  
А) -3    Б) 4    В) 2    Г) 1    Д) -1

2. Сумма квадратов корней уравнения  $|x^2 - 3| = |x^3| + 1$  равна:  
А) 4    Б) 8    В) 2    Г) 3    Д) 10

3. Сумма корней уравнения  $-0.25x^2 + 1 = |x^2 - 6|x| + 8|$  равна:  
А) 0    Б) -1    В) 5    Г) 16    Д) -5

4. Разность большего и меньшего корней уравнения

$\sqrt{|x - 2| + 1} = 2$  равна:

А) 8    Б) 1.5    В) 4    Г) 0    Д) 2

5. Уравнение  $-|x - 1|^3 + 2 = a + 1$  имеет один корень при а, равном:

А) 2    Б) 0    В) 5    Г) 1    Д) -3

### **Итоговая работа по курсу.**

Решите уравнение:

1.  $x^4 - 3x^3 - 2x^2 - 6x - 8 = 0$  (ответ: -1; 4)

2.  $\frac{x^2}{3} + \frac{48}{x^2} = 10\left(\frac{x}{3} - \frac{x}{4}\right)$  (ответ:  $3 - \sqrt{21}; 6; 3 + \sqrt{21}$ )

3.  $\log_2^2(x + 3) + \sqrt{(x + 2)(x + 3)} = 0$  (ответ: -2).

4.  $4\sqrt{x^2 - 24} + 3\sqrt{x^2 - 21} + 2\sqrt{x^2 - 16} + \sqrt{x^2 - 9} = \frac{20}{x - 4}$  (ответ: 5)

5.  $\frac{6x}{x^2 + 2x + 3} + \frac{11x}{x^2 + 7x + 3} = 2$  (ответ: 1;3;  $\frac{-9 \pm \sqrt{33}}{4}$ )

### **Критерии оценивания результатов обучения**

Для оценивания учебных достижений обучающихся используется система «зачет-незачет». Курс считается зачтенным, если учащийся выполнил не менее 50% заданий зачетной работы и «незачет» - если учащийся выполнил менее 50% заданий.